

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ПО РЫБОЛОВСТВУ

**«Владивостокский морской рыбопромышленный колледж»
федерального государственного бюджетного образовательного
учреждения высшего образования**

**«Дальневосточный государственный технический
рыбохозяйственный университет»**

(«ВМРК» ФГБОУ ВО «ДАЛЬРЫБВТУЗ»)

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ И
ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

ЕН.01 МАТЕМАТИКА

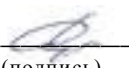
для специальности

23.02.01

Организация перевозок и управление на транспорте (по видам)

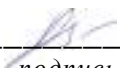
Владивосток

2021

ОДОБРЕН
Цикловой комиссией
естественнонаучных и
математических дисциплин
Председатель:

(подпись) Сухомлинова А.А.
Протокол №1 от 01.09.2021 г.

Составлен в соответствии с
Федеральным Государственным
образовательным стандартом по
специальности 23.02.01
Организация перевозок и
управление на транспорте (по
видам).

Автор:
преподаватель «ВМРК» ФГБОУ ВО «Дальрыбвтуз»
Осипова О.А.


подпись

СОДЕРЖАНИЕ

1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА	4
2. ПАСПОРТ ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ	6
3. ПЕРЕЧЕНЬ ПРОВЕРОЧНЫХ РАБОТ	8
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №1	9
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №2	11
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №3	13
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №4	14
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №5	15
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №6	16
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №7	17
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №8	18
ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №9	19
4. ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЕ ВОПРОСЫ	21
5. КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ УРОВНЯ И КАЧЕСТВА ПОДГОТОВКИ СТУДЕНТОВ	22
6. ЛИТЕРАТУРА	23

1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Фонд оценочных средств учебной дисциплины ЕН.01 Математика разработан на основе Федеральных государственных образовательных стандартов по специальности среднего профессионального образования (далее – ФГОС СПО), утвержденной приказом Министерства образования и науки Российской Федерации № 376 от 22.04.2014 23.02.01 Организация перевозок и управление на транспорте (по видам).

Код и наименование специальности	Максимальная учебная нагрузка (всего)	Самостоятельная работа	Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)			3 семестр		
			всего	теор	практ	всего	теор	практ
23.02.01 Организация перевозок и управление на транспорте (по видам)	144	48	96	76	20	96	76	20

Дисциплина ЕН.01 Математика для специальности 23.02.01 Организация перевозок и управление на транспорте (по видам) способствует формированию следующих компетенций:

Общие компетенции (ОК 1-9), включающие в себя способность:

ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость своей будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес.

ОК 2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество.

ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность.

ОК 4. Осуществлять поиск, анализ и оценку информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития.

ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.

ОК 6. Работать в коллективе и команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, потребителями.

ОК 7. Брать на себя ответственность за работу членов команды (подчиненных), за результат выполнения заданий.

ОК 8. Самостоятельно определять задачи профессионального и личностного развития, заниматься самообразованием, осознанно планировать повышение квалификации.

ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности.

Профессиональные компетенции (ПК 1.3, 2.1, 3.1):

ПК 1.3. Оформлять документы, регламентирующие организацию перевозочного процесса.

ПК 2.1. Организовывать работу персонала по планированию и организации перевозочного процесса.

ПК 3.1. Организовывать работу персонала по обработке перевозочных документов и осуществлению расчетов за услуги, предоставляемые транспортными организациями.

2. ПАСПОРТ ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины*	Результаты обучения		Наименование оценочного средства
		освоенные умения	усвоенные знания	
1	Раздел 1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии	<p>Выполнять операции над матрицами, находить обратную матрицу и определители матриц, решать системы линейных уравнений различными методами.</p> <p>Выполнять операции над векторами.</p> <p>Уметь находить длину вектора, орт вектора, скалярное произведение и угол между векторами и прямыми.</p> <p>Определять коллинеарность, компланарность, ортогональность векторов.</p> <p>Решать задачи, используя уравнения прямых и кривых второго порядка на плоскости.</p>	<p>Ознакомление с основными понятиями и методами линейной алгебры. Знает и верно применяет алгоритмы нахождения обратной матрицы, определителя n-ого порядка, решения систем линейных уравнений методом Крамера. Знает формулы определителей 2 и 3 порядков.</p> <p>Ознакомление с основными понятиями и методами аналитической геометрии. Знает и верно применяет алгоритмы, определяющие коллинеарность, компланарность, ортогональность векторов.</p> <p>Знает формулы для нахождения длины вектора, орт вектора, скалярного произведения. Знает уравнения кривых второго порядка и способы задания прямой на плоскости.</p>	Проверочная работа № 1,2.
	Раздел 2. Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	<p>Уметь находить предел функции в точке и на бесконечности.</p> <p>Применять методы дифференциального исчисления. Уметь находить производные элементарных и сложных функций, дифференциал функции и приближенное значение в нем.</p> <p>С помощью производной</p>	<p>Знать определения графика функции, непрерывности функции, виды неопределенностей и способы их устранения.</p> <p>Ознакомление с основными понятиями и методами математического анализа, основами дифференциального исчисления. Знать таблицу производных элементарных функций, определение дифференциала функции, правило Лопиталя, формулу для вычисления приближенного значения функции в точке.</p>	Проверочная работа № 3,4.

		составлять уравнение касательной и нормали к графику функции, проводить исследование функции, по правилу Лопиталья находить предел функции.		
3	Раздел 3. Интегральное исчисление функций одной переменной	Применять методы интегрального исчисления. Уметь находить первообразные функций, определенные и неопределенные интегралы. Вычислять двойные и тройные интегралы.	Ознакомление с основными понятиями и методами интегрального исчисления. Знать таблицу интегралов и алгоритм нахождения двойных, тройных интегралов.	Проверочная работа № 5.
4	Раздел 4 Основы теории рядов. Раздел 5. Обыкновенные дифференциальные уравнения	Решать дифференциальные уравнения различных видов.	Ознакомление с основными понятиями и методами решения дифференциальных уравнений. Знать алгоритмы решения дифференциальных уравнений различного вида, формулы для решения уравнений высших порядков, линейных однородных уравнения с постоянными коэффициентами.	Проверочная работа № 6,7.
5	Раздел 6. Комплексные числа. Раздел 7. Основы численных методов алгебры. Раздел 8. Основы дискретной математики. Раздел 9. Теория вероятности и математическая статистика.	Рассмотрение примеров вычисления вероятностей. Решение задач на вычисление вероятностей событий. Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик.	Изучение классического определения вероятности, свойств вероятности, теоремы о сумме вероятностей. Ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками.	Проверочная работа № 8,9.
6	Экзамен			Экзаменационные вопросы.

3. ПЕРЕЧЕНЬ ПРОВЕРОЧНЫХ РАБОТ

№	Название
1	Проверочная работа № 1 Элементы линейной алгебры.
2	Проверочная работа № 2 Элементы аналитической геометрии.
3	Проверочная работа № 3 Предел функции.
4	Проверочная работа № 4 Производная и дифференциал.
5	Проверочная работа № 5 Интегралы.
6	Проверочная работа № 6 Комплексные числа.
7	Проверочная работа № 7 Дифференциальные уравнения.
8	Проверочная работа № 8 Ряды.
9	Проверочная работа № 9 Элементы теории вероятностей и математической статистики.

Порядок оформления:

Работа оформляется в отдельной тетради в соответствии с требованиями, предъявляемыми к практическим работам.

Работы должны быть написаны аккуратно (разборчивый почерк, оставление полей, записаны полностью условия заданий и т.п.). Приступать к выполнению практической работы следует только после проработки теоретического материала на занятиях, по материалам конспектов и учебника «Математика» под редакцией В.П. Григорьев, Т.Н. Сабурова.

Проверочная работа выполняется индивидуально каждым студентом и оценивается преподавателем.

Критерии оценки выполнения проверочных работ:

«5»-Работа должна быть выполнена правильно и в полном объёме, 90-100% выполнения.

«4»-Работа выполнена правильно, но имеются недочеты, процент выполнения 75-89%.

«3»- Работа выполнена правильно, но имеются ошибки, процент выполнения 50-74%.

«2»- Работа не выполнена или имеются ошибки, процент выполнения 0-50%.

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №1

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Элементы линейной алгебры.

Критерии оценивания:

«отлично» - верно выполнено 9-10 заданий.

«хорошо» - верно выполнено 7-8 заданий.

«удовлетворительно» - верно выполнено 5-6 заданий.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 5 заданий.

В-1

1. $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -2 & 4 & -5 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} -2 & 1 & -4 \\ 2 & 1 & 3 \end{vmatrix}$	a) $\begin{vmatrix} 1 \\ 3 \end{vmatrix}$ b) $\begin{vmatrix} -1 & 8 & -3 \end{vmatrix}$ c) $\begin{vmatrix} -1 & 3 & -1 \\ 0 & 5 & -2 \end{vmatrix}$ d) $\begin{vmatrix} 4 \end{vmatrix}$
2. $\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 4 \\ 3 & -5 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} -2 & 2 \\ 1 & 1 \\ -4 & 3 \end{vmatrix}$	a) $\begin{vmatrix} 3 & -4 \\ 1 & 3 \\ 7 & -8 \end{vmatrix}$ b) $\begin{vmatrix} -1 & -4 \\ 1 & 3 \\ -1 & -2 \end{vmatrix}$ c) $\begin{vmatrix} 0 \\ 4 \\ -1 \end{vmatrix}$ d) $\begin{vmatrix} 2 \end{vmatrix}$
3. $\begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 2 & -9 \end{vmatrix} \times (-3)$	a) $\begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 27 \end{vmatrix}$ b) $\begin{vmatrix} 3 & -3 \\ 2 & 27 \end{vmatrix}$ c) $\begin{vmatrix} -9 & -3 \\ 2 & -9 \end{vmatrix}$ d) $\begin{vmatrix} -9 & -3 \\ -6 & 27 \end{vmatrix}$
4. $\begin{vmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -4 & 1 & -2 \end{vmatrix} \times \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}$	a) $\begin{vmatrix} 0 & 0 \\ -35 & -30 \end{vmatrix}$ b) $\begin{vmatrix} -8 & -4 \\ -6 & -5 \end{vmatrix}$ c) $\begin{vmatrix} -45 \end{vmatrix}$ d) $\begin{vmatrix} 2 & -12 & 2 \\ -4 & 3 & -4 \end{vmatrix}$
5. Найти значение детерминанта 2-ого порядка $\begin{vmatrix} 3 & -5 \\ 2 & -3 \end{vmatrix}$	a) 3 b) -3 c) 90 d) 1
6. Найти значение детерминанта 3-ого порядка $\begin{vmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 3 & 1 & -2 \\ -1 & 3 & 2 \end{vmatrix}$	a) 46 b) -46 c) 0 d) 8
7. Найти значение детерминанта 4-ого порядка $\begin{vmatrix} 1 & 3 & -1 & -2 \\ 2 & 2 & -1 & -2 \\ -4 & -3 & 2 & 4 \\ -4 & -3 & 3 & 3 \end{vmatrix}$	a) 8 b) 0 c) -3 d) 3
8. Найти матрицу обратную к данной $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 3 & -1 & 4 \\ 3 & 1 & 1 \end{vmatrix}$	a) $\begin{vmatrix} -1 & -2 & 2 \\ -3 & 1 & -4 \\ -3 & -1 & -1 \end{vmatrix}$ b) $\begin{vmatrix} -5 & -4 & 6 \\ 9 & 7 & -10 \\ 6 & 5 & -7 \end{vmatrix}$ c) $\begin{vmatrix} 1 & 3 & 3 \\ 2 & -1 & 1 \\ -2 & 4 & 1 \end{vmatrix}$ d) $\begin{vmatrix} -2 & 2 & 1 \\ 4 & -1 & 3 \\ 1 & 1 & 3 \end{vmatrix}$
9. Найти решение системы линейных уравнений методом Крамера $\begin{cases} 8x - 2y - 6z = 32 \\ 6x - 4y + 3z = -21 \\ x + 2y + 2z = -3 \end{cases}$	a) (1, 3, -5) b) (-1, -3, 5) c) (1, -3, 5) d) (-1, 3, 5)

<p>10. Найти решение матричного уравнения $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 4 \\ 2 & 1 & 3 \\ 4 & 2 & 4 \\ 6 & 4 & 8 \\ 4 & 2 & 6 \end{pmatrix} \times X =$</p>	<p>a) $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ c) 2 d) $\begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$</p>
--	--

B-2

<p>1. $\begin{pmatrix} -1 & 5 & 3 \\ 9 & -7 & 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -8 & 10 & 7 \\ 6 & -1 & -3 \end{pmatrix}$</p>	<p>a) $\begin{pmatrix} 10 \\ 3 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} -9 & 15 & 10 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} -9 & 15 & 10 \\ 15 & -8 & 3 \end{pmatrix}$ d) $\begin{pmatrix} 9 \end{pmatrix}$</p>
<p>2. $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 5 & -4 \\ 3 & 8 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -5 & 7 \\ -1 & 11 \\ 9 & 6 \end{pmatrix}$</p>	<p>a) $\begin{pmatrix} -6 & 9 \\ 4 & 7 \\ 12 & 14 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} 4 & -5 \\ 6 & -15 \\ -6 & 2 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} -5 \\ -15 \\ 2 \end{pmatrix}$ d) $\begin{pmatrix} -5 \end{pmatrix}$</p>
<p>3. $\begin{pmatrix} -6 & -7 \\ 8 & 5 \end{pmatrix} \times (-2)$</p>	<p>a) $\begin{pmatrix} 12 & -7 \\ -16 & 5 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} -6 & 14 \\ 8 & -10 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} 12 & 14 \\ 8 & 5 \end{pmatrix}$ d) $\begin{pmatrix} 12 & 14 \\ -16 & -10 \end{pmatrix}$</p>
<p>4. $\begin{pmatrix} 2 & 5 & -8 \\ 9 & -1 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} -6 & -7 \\ 2 & 0 \\ 4 & 9 \end{pmatrix}$</p>	<p>a) $\begin{pmatrix} -34 & -86 \\ -44 & -36 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} -12 & -32 \\ -63 & 27 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} -12 & 10 & -32 \\ -63 & 0 & 27 \end{pmatrix}$ d) $\begin{pmatrix} -15 \end{pmatrix}$</p>
<p>5. Найти значение детерминанта 2-ого порядка $\begin{vmatrix} -11 & -9 \\ 8 & 6 \end{vmatrix}$</p>	<p>a) -6 b) 6 c) 138 d) -138</p>
<p>6. Найти значение детерминанта 3-ого порядка $\begin{vmatrix} -7 & 2 & 6 \\ 6 & 2 & 1 \\ 9 & -6 & -1 \end{vmatrix}$</p>	<p>b) 14 b) -104 c) 322 d) -322</p>
<p>7. Найти значение детерминанта 4-ого порядка $\begin{vmatrix} 1 & 6 & -1 & -2 \\ 4 & 4 & 0 & -4 \\ -2 & 2 & 3 & 3 \\ 1 & -5 & 5 & 6 \end{vmatrix}$</p>	<p>b) 148 b) 144 c) -260 d) -304</p>
<p>8. Найти матрицу обратную к данной $\begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 \\ 6 & 3 & 4 \\ 5 & -2 & -3 \end{pmatrix}$</p>	<p>b) $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ -38 & 41 & -34 \\ 27 & -29 & 24 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} 1 & -38 & 27 \\ -1 & 41 & -29 \\ 1 & -34 & 24 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} -1 & 1 & -1 \\ 38 & -41 & 34 \\ -27 & 29 & -24 \end{pmatrix}$ d) $\begin{pmatrix} -1 & 38 & -27 \\ 1 & -41 & 29 \\ -1 & 34 & -24 \end{pmatrix}$</p>
<p>9. Найти решение системы линейных уравнений методом Крамера $\begin{cases} 3x - 2y + 4z = 21 \\ 3x + 4y - 2z = 9 \\ 2x - y - z = 10 \end{cases}$</p>	<p>a) (-5, 1, -1) b) (-1, 1, 5) c) (5, -1, 1) d) (1, -1, -5)</p>

10. Найти решение матричного уравнения $\begin{pmatrix} -6 & 3 & 2 \\ 1 & 5 & 7 \\ 4 & -1 & 9 \end{pmatrix} \times X = \begin{pmatrix} -18 & 9 & 6 \\ 3 & 15 & 21 \\ 12 & -3 & 27 \end{pmatrix}$	а) $\begin{pmatrix} 3 & 3 & 3 \\ 3 & 3 & 3 \\ 3 & 3 & 3 \end{pmatrix}$ б) $\begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ в) 3 г) $\ 3\ $
--	--

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №2

по учебной дисциплине **ЕН.01 Математика**

Тема: Элементы аналитической геометрии.

Критерии оценивания:

«отлично» - верно выполнено 13-14 заданий.

«хорошо» - верно выполнено 10-12 задания.

«удовлетворительно» - верно выполнено 7-9 задания.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 7 заданий.

В-1

1. Коллинеарны ли вектора $\overline{5a} - \overline{6b}$ и $\vec{c} + \overline{6d}$? Если $\vec{a}\{2; -3; 6\}$, $\vec{b}\{-1; 7; 8\}$, $\vec{c}\{0; 3; -5\}$, $\vec{d}\{9; -10; 2\}$.

2. Образуют ли базис вектора (являются линейно не зависимыми) $\vec{a}\{6; -1; 0\}$, $\vec{b}\{3; -2; 4\}$, $\vec{c}\{1; -1; 0\}$?

3. Ортогональны ли вектора $\vec{a}\{6; 12; 0\}$, $\vec{b}\{-6; 3; 0\}$?

4. Найти скалярное произведение векторов и определить вид угла (прямой, острый, тупой).

а) $\vec{a}\{-3; 7; 6\}$, $\vec{b}\{-7; 6; -3\}$ б) $|\vec{a}| = 2$, $|\vec{b}| = 7$, $(\vec{a} \wedge \vec{b}) = \frac{\pi}{2}$

5. Найти длину вектора $\vec{a}\{-9; -3; \sqrt{10}\}$.

6. Найти косинус угла между векторами $\vec{a}\{-12; 5; 0\}$, $\vec{b}\{6; 0; -8\}$.

7. Найти орт вектора $\vec{a}\{-4; 3; -12\}$.

8. Найти координаты вектора $\overline{6AB} - 4\overline{CD}$, если

$A(3; -2; 6)$, $B(-7; 0; 16)$, $C(9; 10; -13)$, $D(1; 3; -5)$.

9. Найти точку пересечения прямых $3y + x + 17 = 0$ и $3x - 9y + 21 = 0$.

10. Для прямой $6x + 3y + 12 = 0$. а) Определить k и b б) Написать уравнения прямых, проходящих через точку $C(-1; 2)$, первая из которых параллельна данной прямой, а вторая перпендикулярна.

11. Вычислить площадь треугольника, отсекаемого прямой

$$3x + 6y - 18 = 0 \text{ от координатного угла.}$$

12. Написать уравнение окружности, если $C(-3; 5)$ - центр окружности, а радиус равен 3.

13. Определить длины полуосей a и b :

$$\text{а) } \frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{121} = 1 \quad \text{б) } x^2 - 49y^2 = 25 \quad \text{в) } x^2 + \frac{y^2}{4} = 1.$$

14. Найти координаты фокуса F , вершины C и написать уравнение директрисы параболы: а) $y^2 = 24x$ б) $y^2 - 4y + 4 = 32x - 160$.

В-2

1. Коллинеарны ли вектора $3\vec{a} - 2\vec{b}$ и $5\vec{c} + \vec{d}$? Если $\vec{a}\{1; -2; 4\}$, $\vec{b}\{-5; 0; 1\}$, $\vec{c}\{0; 4; -3\}$, $\vec{d}\{7; -8; 12\}$.

2. Образуют ли базис вектора (являются линейно не зависимыми) $\vec{a}\{1; 2; -2\}$, $\vec{b}\{5; 7; 1\}$, $\vec{c}\{3; 3; 5\}$?

3. Ортогональны ли вектора $\vec{a}\{2; 12; 0\}$, $\vec{b}\{-6; -3; 0\}$?

4. Найти скалярное произведение векторов и определить вид угла (прямой, острый, тупой).

$$\text{а) } \vec{a}\{-7; 1; 4\}, \vec{b}\{9; 4; -1\} \quad \text{б) } |\vec{a}| = 6, |\vec{b}| = 2, (\vec{a} \wedge \vec{b}) = \frac{\pi}{3}$$

5. Найти длину вектора $\vec{a}\{-5; 6; \sqrt{20}\}$.

6. Найти косинус угла между векторами $\vec{a}\{6; 8; 0\}$, $\vec{b}\{-4; 0; 3\}$.

7. Найти орт вектора $\vec{a}\{-4; 3; 0\}$.

8. Найти координаты вектора $2\vec{AB} - 3\vec{CD}$, если

$$A(1; -2; -3), B(5; 0; 6), C(-4; 10; 7), D(9; -2; 3).$$

9. Найти точку пересечения прямых $2x - y - 7 = 0$ и $x + 3y - 7 = 0$.

10. Для прямой $10x + 2y - 16 = 0$. а) Определить k и b б) Написать уравнения прямых, проходящих через точку $C(1; -2)$, первая из которых параллельна данной прямой, а вторая перпендикулярна.

11. Вычислить площадь треугольника, отсекаемого прямой

$5x + 10y - 20 = 0$ от координатного угла.

12. Написать уравнение окружности, если $C(8; -6)$ - центр окружности, а радиус равен 4.

13. Определить длины полуосей a и b :

а) $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$ б) $\frac{x^2}{100} + 4y^2 = 1$ в) $25x^2 - 9y^2 = 100$.

14. Найти координаты фокуса F , вершины C и написать уравнение директрисы параболы: а) $y^2 - 8y + 16 = 16x$ б) $y^2 = 100x + 500$

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №3

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Предел функции.

Критерии оценивания:

«отлично» - верно выполнено 11-12 примеров.

«хорошо» - верно выполнено 9-10 примеров.

«удовлетворительно» - верно выполнено 6-8 задания.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 6 примеров.

В-1

1. Найти предел функции: а) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 + 9x - 20}{x^2 - 15}$ б) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 9}$

в) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^3 + 2x^2 + 50}{2x^3 - 12x^2 - 3x}$ г) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4 - 2}{\sqrt{9x^8 + 2x - 11}}$ д) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 5x}{x^2}$ е) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{x+4} - 2}$.

2. Найти область определения функции, определить вид функции (четная, нечетная, общего вида) и построить график функции: а) $y = -x + 1$

б) $y = |x - 3|$ в) $y = x^2 + 2x$ г) $y = \frac{5}{x-2}$ д) $y = 0,5^x$ е) $y = \log_3(x - 1)$.

В-2

1. Найти предел функции: а) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5x^2 - 3x - 20}{x^2 - 15}$ б) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 6x - 16}$
 в) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^3 - x^2 + 10}{10x^3 + 2x^2 - 13x}$ г) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{15x^6 - 2x}{\sqrt{25x^{12} + 2x} - 1}$ д) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+3x)}{\arcsin x}$ е) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{x+49} - 7}$.
2. Найти область определения функции, определить вид функции (четная, нечетная, общего вида) и построить график функции: а) $y = -x - 1$
 б) $y = |x - 2|$ в) $y = x^2 - 4x$ г) $y = \frac{6}{x+1}$ д) $y = 3^x$ е) $y = \log_3(x + 2)$.

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №4

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Производная и дифференциал.

Критерии оценивания:

«отлично» - верно выполнено 5 заданий.

«хорошо» - верно выполнено 4 задания.

«удовлетворительно» - верно выполнено 3 задания.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 3 заданий.

В-1

1. Найти производную: а) $y = \frac{1}{x^3} + \frac{4}{\sqrt[3]{x}} - \sqrt{7}$ б) $y = (6 - 3x)^7$

в) $y = \frac{\operatorname{tg} 7x}{5 \sin 6x}$ г) $y = (x^2 - 1)(x + 5)^2$ д) $y = \sqrt[3]{\arccos 9x}$.

2. Найти дифференциал функции $y = x^3(x^2 - 1)$ в точке $x_0 = 1$ при $\Delta x = 0,3$ и вычислить приближенно $y(1,3)$.

3. Написать уравнения касательной и нормали к графику функции $y = \frac{6x}{x-1}$

в точке $x_0 = 2$.

4. С помощью правила Лопиталья вычислить пределы: а) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^{20} - 1}{x^{60} - 1}$.

б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{8 - 2x^2}{x^2 + 4x - 12}$ в) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x}$ г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{\sin x \cdot \cos x}$ д) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + \ln(1+x)}{e^{3x} - 1}$.

5. Провести полное исследование функции и построить график:

$$y = \frac{x}{(x-1)^2}$$

В-2

1. Найти производную: а) $y = \frac{1}{x^5} + \frac{6}{\sqrt[4]{x}} + \sqrt{15}$ б) $y = (6x + 4)^5$

в) $y = \frac{\sin 3x}{2\cos 2x}$ г) $y = (x^3 + 7)(2 - x)^2$ д) $y = \sqrt[4]{\arcsin 6x}$.

2. Найти дифференциал функции $y = x^4(x^3 + 3)$ в точке $x_0=0$ при $\Delta x = 0,4$ и вычислить приближенно $y(0,4)$.

3. Написать уравнения касательной и нормали к графику функции $y = \frac{x+2}{x}$

в точке $x_0=2$.

4. С помощью правила Лопиталья вычислить: а) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x^{15}}{x^{20}-1}$ б) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln \sin x}{\ln x}$

в) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 2x^2 + 4x - 3}{2x^3 + 5x^2 - x - 6}$ г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cos x - \sin x}{x^3}$ д) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x - 2\arcsin x}{x^3}$.

5. Провести полное исследование функции и построить график:

$$y = \frac{(x-1)^2}{x+3}.$$

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №5

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Интегралы.

Критерии оценивания:

«отлично» - верно выполнено 5 заданий.

«хорошо» - верно выполнено 4 задания.

«удовлетворительно» - верно выполнено 3 задания.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 3 заданий.

В-1

1. Найти первообразную функции:

а) $f(x) = 3x^3 - 4x^2$ б) $f(x) = 2 \sin x + x^2$ в) $f(x) = \sin 3x - \frac{1}{2} \cos 2x$.

2. Вычислить неопределенные интегралы:

а) $\int \sqrt{x} - \frac{2}{\sqrt{x}} dx$ б) $\int \frac{2}{x^3} - \frac{4}{x^2} dx$ в) $\int \cos x + \sqrt{6x - 2} dx$.

3. Вычислить определенные интегралы:

а) $\int_1^9 \frac{1}{\sqrt{x}} dx$ б) $\int_0^{\pi/2} \sin x dx$ в) $\int_{-2}^0 x^5 - 3x^2 dx$.

4. Вычислить двойной интеграл:

а) $\iint x + y dx dy, x = 1, y = 0, y = 2$ б) $\int_0^1 \int_x^{2x} x dy dx$

в) $\int_1^2 \int_0^{2-x} y dy dx$.

5. Вычислить тройной интеграл: $\int_0^3 \int_0^2 \int_0^1 x + 2y + 4z dz dy dx$

В-2

1. Найти первообразную функции:

а) $f(x) = 5x^4 + 7x^3$ б) $f(x) = x^3 - 3 \cos x$ в) $f(x) = \sin 5x + \frac{1}{9} \cos 9x$.

2. Вычислить неопределенные интегралы:

а) $\int 2\sqrt{x} + \frac{5}{\sqrt[3]{x}} dx$ б) $\int \frac{1}{x^4} - \frac{6}{x^3} dx$ в) $\int \operatorname{tg} x + \sqrt{3x + 6} dx$.

3. Вычислить определенные интегралы:

а) $\int_1^4 \frac{1}{\sqrt{x}} dx$ б) $\int_0^{3\pi/2} \sin x dx$ в) $\int_{-2}^0 2x^4 - 5x dx$.

4. Вычислить двойной интеграл:

а) $\iint x + y^2 dx dy, x = 0, y = 0, y = 1$ б) $\int_0^2 \int_x^{2+x} x dy dx$

в) $\int_1^3 \int_0^{3x} y dy dx$.

5. Вычислить тройной интеграл: $\int_0^4 \int_0^3 \int_0^2 2x + y - 4z dz dy dx$.

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №6

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Комплексные числа.

«отлично» - верно выполнено 6 примеров.

«хорошо» - верно выполнено 5 примеров.

«удовлетворительно» - верно выполнено 3-4 примера.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 3 примеров.

В-1

1. Для комплексных чисел $z_1 = 2 - 6i$; $z_2 = -1 + i$, вычислить:

а) $3z_1 + z_2$ б) $z_1 \cdot z_2$.

2. Представить в тригонометрической форме числа: а) $z = \sqrt{3} + i$
б) $z = -1 - i$.

3. Представить в тригонометрической форме числа:

$z_1 = -1 - i$; $z_2 = 1 + i$, найти: а) $\frac{z_1}{z_2}$ б) z_1^2 .

В-2

1. Для комплексных чисел $z_1 = 2 - 6i$; $z_2 = -1 + i$, вычислить:

а) $6z_1 - 2z_2$ б) $\frac{z_1}{z_2}$.

2. Представить в тригонометрической форме числа: а) $z = -\sqrt{3} + i$
б) $z = 3 + \sqrt{3}i$.

3. Представить в тригонометрической форме числа: $z_1 = -1 - i$; $z_2 = 1 + i$, найти: а) $z_1 \cdot z_2$ б) z_2^{16} .

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №7

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Дифференциальные уравнения.

Критерии оценивания:

«отлично» - верно выполнено 5 заданий.

«хорошо» - верно выполнено 4 задания.

«удовлетворительно» - верно выполнено 3 задания.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 3 заданий.

В-1

1. Решить задачу Коши, если: $\cos x - y' = 0$, $y(0) = 1$.

2. Найти общее решение уравнений: а) $y' = e^x$ б) $y' = \frac{3y^2}{2}$.

3. Решить уравнение с разделенными переменными: $2x dx + 2y dy = 0$.

4. Решить уравнения с разделяющимися переменными: а) $\frac{dy}{dx} = e^y$

б) $3x(1 + y^2)dx - 3y(1 + x^2)dy = 0$ в) $x(y - y^2)\frac{dy}{dx} = 0$.

5. Решить дифференциальные уравнения высших порядков:

а) $y'' = x + \sin x$ б) $y'' + y' - 2y = 0$ в) $y'' + 6y' + 13y = 0$.

В-2

1. Решить задачу Коши, если: $\sin x + y' = 0, y(1) = 1$.
2. Найти общее решение уравнений: а) $y' = 2^x$ б) $y' = \frac{4y^3}{3}$.
3. Решить уравнение с разделенными переменными: $y^{\frac{2}{3}} dy = \sin x dx$
4. Решить уравнения с разделяющимися переменными: а) $x \frac{dy}{dx} = y$
б) $3x(4 + y^2)dx + 2y(9 + x^2)dy = 0$ в) $y' = y(x^2 + e^x)$.
5. Решить дифференциальные уравнения высших порядков:
а) $y'' = 3x - \cos x$ б) $y'' + y' - 2y = 0$ в) $y'' + 2y' + 5y = 0$.

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №8

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Ряды.

«отлично» - верно выполнено 6-7 примеров.

«хорошо» - верно выполнено 4-5 примеров.

«удовлетворительно» - верно выполнено 3 примера.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 3 примеров.

В-1

1. Найти сумму ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{5 \cdot 4^n + 5^n}{8^n} \right)$.
2. Исследовать ряды на сходимость и указать признак сходимости:
а) $\frac{1}{4} + \frac{2}{7} + \frac{3}{10} + \dots + \frac{n}{3n+1} + \dots$ б) $\frac{1}{3!} + \frac{1}{5!} + \frac{1}{7!} + \dots + \frac{1}{(2n+1)!} + \dots$ в) $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin^n \frac{1}{n}$
г) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2+5}$ д) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n^2-4n+3}{100n^2+1} \right)^2$ е) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{5^n \cdot (2n+3)}$.

В-2

1. Найти сумму ряда: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2}{(2n+1)(2n+3)}$.

2. Исследовать ряды на сходимость и указать признак сходимости: а)

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^3+1}$$

б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2+4}$

в) $\frac{1}{11} + \frac{2}{21} + \frac{3}{31} + \dots + \frac{n}{10n+1} + \dots$

г) $\frac{1}{\sqrt{1}} + \frac{1}{\sqrt{4}} + \frac{1}{\sqrt{7}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{3n-2}} + \dots$

д) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2-4n+5}{3^n \cdot (n+1)}$

е) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{15n^2+6n+4}{3n+2+12n^2} \right)^n$.

ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА №9

по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Тема: Элементы теории вероятностей и математической статистики.

Критерии оценивания:

«отлично» - верно выполнено 5 заданий.

«хорошо» - верно выполнено 4 задания.

«удовлетворительно» - верно выполнено 3 задания.

«неудовлетворительно» - верно выполнено менее 3 заданий.

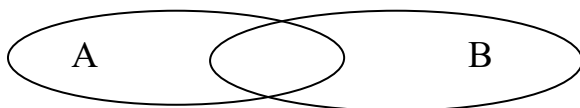
В-1

1) Из колоды карт 36 листов вынимают 1 карту. Найти вероятность того, что эта карта или валет черной масти или шестерка.

2) Бросают 2 игральных тетраэдра. Найти вероятность, что на первом выпадет 3, а на втором - четное число.

3) Являются ли события А и В независимыми, если $P(A) = 0,017, P(B) = 0,77, P(A \cdot B) = 0,01309$

4) Перерисовать и закрасить $A+B$, если



5) Два стрелка стреляют по мишени. Вероятность попадания первого стрелка 0,73, вероятность попадания второго стрелка 0,6. Каждый стреляет по одному разу. Найти вероятность того, что, хотя бы один из стрелков попадет по мишени.

В-2

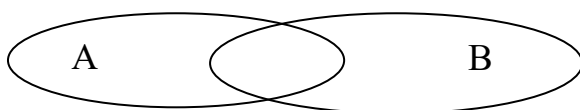
1) Из колоды карт 36 листов вынимают 1 карту. Найти вероятность того, что эта карта или дама красной масти или туз.

2) Бросают 3 игральных кости. Найти вероятность, что сумма выпавших очков не меньше 18.

3) Являются ли события A и B независимыми, если $P(A) = 0,00007$, $P(B) = 0,707$,

$$P(A \cdot B) = 0,0004949.$$

4) Перерисовать и закрасить $A \cdot B$, если



5) Два стрелка стреляют по мишени. Вероятность промаха первого стрелка 0,69, вероятность промаха второго стрелка 0,6. Каждый стреляет по одному разу. Найти вероятность того, что, хотя бы один из стрелков промахнется.

4. ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЕ ВОПРОСЫ

1. Понятие матрицы. Виды матриц. Выполнение операций над матрицами.
2. Определители 2 и 3 и n -ого порядка. Свойства определителей.
3. Нахождение обратной матрицы.
4. Метод Крамера для решения систем линейных уравнений.
5. Геометрические векторы и действия над ними.
6. Системы координат.
7. Уравнение прямой на плоскости.
8. Кривые второго порядка.
9. Определение функции. Графики элементарных функций.
10. Предел и непрерывность функции в точке и на бесконечности.
11. Понятие дифференциала функции, вычисление приближенного значения с помощью дифференциала. Теорема Лопиталю.
12. Исследование функций и построение графиков с помощью производной.
13. Неопределенный интеграл.
14. Определенный интеграл и его приложения.
15. Двойные и тройные интегралы.
16. Определения и понятия дифференциальных уравнений. Простейшие дифференциальные уравнения 1 порядка.
17. Дифференциальные уравнения с разделенными и разделяющимися переменными.
18. Уравнения высших порядков. Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами.

5. КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ УРОВНЯ И КАЧЕСТВА ПОДГОТОВКИ СТУДЕНТОВ

- "Отлично" - если студент глубоко и прочно усвоил весь программный материал в рамках указанных общих и профессиональных компетенций, знаний и умений. Исчерпывающе, последовательно, грамотно и логически стройно его излагает, тесно увязывает с условиями современного производства, не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами и практическими заданиями, правильно обосновывает принятые решения, умеет самостоятельно обобщать и излагать материал, не допуская ошибок.

- "Хорошо" - если твердо студент знает программный материал, грамотно и по существу излагает его, не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, может правильно применять теоретические положения и владеет необходимыми умениями и навыками при выполнении практических заданий.

- "Удовлетворительно" - если студент усвоил только основной материал, но не знает отдельных деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушает последовательность в изложении программного материала и испытывает затруднения в выполнении практических заданий.

- "Неудовлетворительно" - если студент не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки, с большими затруднениями выполняет практические задания, задачи.

6. ЛИТЕРАТУРА

Основная:

1. Григорьев С.Г., Иволгина С.В. Математика. Учебник для студ. сред. проф. учреждений – М.: Издательский центр «Академия», 2020 г.

Дополнительная:

2. Методические указания по проведению практических работ по учебной дисциплине ЕН.01 Математика, 2021 г.
3. Методические рекомендации по выполнению самостоятельной работы обучающихся по учебной дисциплине ЕН.01 Математика, 2021 г.
4. Методические указания и контрольные задания для студентов заочной формы обучения по учебной дисциплине ЕН.01 Математика, 2021 г.

Рекомендуемые интернет - ресурсы:

5. <http://mathprofi.ru/> - вся математика в одном месте. Это математический портал, на котором вы найдете любой материал по математическим дисциплинам.